

# PRÁCTICA DIRIGIDA DE RECTAS Y PLANOS

2024-

1

Sea la recta  $L_1$  que pasa por los puntos  $(1,1,1)$  y  $(4,5,1)$  ; la recta  $L_2$  contiene a los puntos  $(1, 1, 0)$  y  $(13, 1, 5)$  : Si  $L$  es una recta que pasa por el punto  $(0, 2, 3)$  formando un mismo ángulo con  $L_1$  y  $L_2$  ; tal que los vectores direccionales de las rectas  $L$ ,  $L_1$  y  $L_2$  son LI.

Determine la recta  $L$

Dadas las rectas  $L_1: x-1 = (y/2) = z$  y  $L_2: x = y = z$ , determinar un punto  $P_0$  en  $L_1$  y  $Q_0$  otro en  $L_2$ , tales que la distancia de  $P_0$  a  $Q_0$  sea mínima, así como la recta  $L$  que los contiene.

Prob. Sea ABC un triángulo, en sentido horario, donde  $B = (-1, 1, 13)$

$L_1: (x+3)/(-8) = (y+13)/(-17) = (z-21)/17$  es mediana relativa del lado BC y

$L_2: (x-1)/(2) = (y-15)/(-25) = (z-5)/7$  es mediana relativa del lado

A  
B

Determine los vértices A y C.

Prob. Las rectas  $L_1 = \{A + t(0,3,1)\}$  y  $L_2 = \{B + s(-1,3,1)\}$ , se intersectan en el punto  $(1,0,z)$ .

a) Determine la ecuación de la recta que pasapor  $(0,3,2)$  de  $L_2$  y que determina con  $L_1$  y  $L_2$  una región triangular de área igual a  $\frac{(10)^{1/2}}{2} u^2$ .

b) Determine la ecuación del plano que contiene a las soluciones que admite la parte (a) del problema.

Determinar la recta  $L$ , que es paralela a los planos :

$$P_1: 3x + 12y - 3z = 5$$

$$P_2: 3x - 4y + 9z = -7$$

Además corta a las rectas :

$$L_1: (X+5)/2 = (y-3)/-1 = (z+1)/3$$

$$L_2: (x-3)/-2 = (y+1)/3 = (z-2)/4$$

8.- Determine la ecuación del plano P que pasa por el punto de intersección de las rectas  $L_1 = \{(9,5,4) + t(1,1,2)\}$  y  $L_2 = \{(1,2,3) + s(2,1,1)\}$ , siendo la distancia del plano al origen igual a  $(234)^{1/2}$ .

Determine la ecuación del plano  $P$  que contiene a la recta:

$$L: \begin{cases} x + y + 3z - 7 = 0 \\ 3x + 2y - z = 0 \end{cases}$$

y es perpendicular al plano  $P_1: 2x + y - 2z + 1 = 0$ .



Determine la ecuación de la recta  $L$ , que satisfaga a la vez las siguientes condiciones:

i) Esté contenida en el plano  $P$  determinado por los puntos

$$P_0 = (0, 0, 0), P_1 = (2, 2, 0), P_2 = (0, 1, -2)$$

ii) Sea perpendicular a la recta  $L_1: \frac{x+1}{2}$

iii) Pase por la intersección del plano  $P$  y la recta  $L_1$ .

Determine la ecuación de un plano  $P$ ,  
 sabiendo que la recta  $L =$   
 $\{P/P = (1,1,1) + t(0,1,1), t \in \mathbb{R}\}$   
 está contenida en el plano  $P$  y que el  
 ángulo que forman el plano  $P$  con el  
 plano  $P_1: 3x - y - z = 0$  es  $60^\circ$ .

